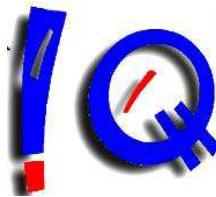


# Ивановский математический турнир - 2016

## Первый тур



### Задачи, оцениваемые в 3 балла

1. На доске было написано число 12345. Борис помнит, что один раз удалял первую цифру и три раза удалял нечетные цифры. Какая цифра осталась на доске?

A) 1	B) 2	C) 3	D) 5	Другой ответ
------	------	------	------	--------------

2. Марсоход получил из центра управления 5 команд. Известно, что первой командой было проехать 2 км на север, третьей командой было проехать 3 км на юг, четвертой командой было проехать 2 км на юг, пятой командой было проехать 5 км на север. Какой была вторая команда, если марсоход после выполнения пяти команд оказался в той же точке, что и был перед выполнением первой команды?

A) Проехать 2 км на север;	B) Проехать 2 км на юг;	C) Проехать 3 км на север	D) Проехать 3 км на юг;	Другой ответ
----------------------------	-------------------------	---------------------------	-------------------------	--------------

3. Парламент Меридиании состоит из двух палат, каждая из которых включает два комитета, состоящих из двух участников. Сколько всего депутатов работает в парламенте Меридиании?

A) 4	B) 6	C) 8	D) 10	Другой ответ
------	------	------	-------	--------------

4. Кащей положил по 100 монет в каждый из трех своих сундуков. Затем он пересыпал монеты из одного сундука в соседний и досыпал в два сундука монеты так, что в каждом сундуке стало одинаковое количество монет. Сколько монет добавил Кащей?

A) 200	B) 300	C) 400	D) 600	Другой ответ
--------	--------	--------	--------	--------------

5. Кай выкладывает из льдинок слова, и только что выложил слово ТРОС. Затем он поменял местами первую и последнюю буквы, а потом упорядочил вторую, третью и четвертую буквы по алфавиту. Какое слово получилось у Кая?

A) ТРОС	B) СОРТ	C) ТОРС	D) РОСТ	Другой ответ
---------	---------	---------	---------	--------------

6. Лене нужно быть в школе в 8.15, а дорога от дома до школы занимает 20 минут. Условие появления в школе вовремя можно сформулировать как «Если выйти из дома позднее  $x$ , то опоздаешь в школу, иначе придешь вовремя». Чему равно  $x$ ?

A) 7.50;	B) 8.00;	C) 7.55;	D) 8.05	Другой ответ
----------	----------	----------	---------	--------------

7. На окраску деревянного кубика затратили 4 г краски. Когда она высохла, кубик распилили на 8 одинаковых кубиков меньшего размера. Сколько краски потребуется для того, чтобы закрасить образовавшиеся при этом неокрашенные поверхности?

A) 2	B) 4	C) 8	D) 12	Другой ответ
------	------	------	-------	--------------

8. Найдите наибольшее целое число, дающее при делении на 13 с остатком частное 17.

A) 221	B) 229	C) 230	D) 232	Другой ответ
--------	--------	--------	--------	--------------

### Задачи, оцениваемые в 4 балла

9. Алла хочет стать певицей и с помощью специальной программы может определить, звук, соответствующий какой ноте из классического набора до, ре, ми, фа, соль, ля, си она поет наиболее красиво. Программе на вход подается название ноты, а на выходе получается, находится ли наиболее красивый звук выше этой ноты или нет. Какое наименьшее число раз Алле нужно обратиться к программе, чтобы гарантированно узнать название ноты, которую она поет наиболее красиво?

- |      |      |      |      |                 |
|------|------|------|------|-----------------|
| A) 3 | B) 4 | C) 5 | D) 7 | E) Другой ответ |
|------|------|------|------|-----------------|

10. В стране Тили-Мили-Трямдии 10 городов. Некоторые города соединены дорогами. При этом для любой пары городов существует ровно один «маршрут», по которому можно проехать из одного города в другой. Сколько всего дорог в Тили-Мили-Трямдии?

- |      |      |       |                          |                 |
|------|------|-------|--------------------------|-----------------|
| A) 7 | B) 9 | C) 10 | D) Определить невозможно | E) Другой ответ |
|------|------|-------|--------------------------|-----------------|

11. Работник работает в день по 6 часов, но не в состоянии заработать себе в месяц 30 тыс. рублей. Если бы он работал в день тремя часами более, чем работает сейчас, то зарабатывал бы в месяц на столько более 30 тыс. рублей, на сколько сейчас он зарабатывает менее 30 тыс. рублей. Сколько рублей зарабатывает он в месяц?

- |            |            |            |            |                 |
|------------|------------|------------|------------|-----------------|
| A) 10 тыс. | B) 15 тыс. | C) 20 тыс. | D) 24 тыс. | E) Другой ответ |
|------------|------------|------------|------------|-----------------|

12. Какой остаток от деления на 1547 даёт произведение всех нечётных натуральных чисел от 1 до 129 включительно?

- |       |       |      |       |                 |
|-------|-------|------|-------|-----------------|
| A) 11 | B) 10 | C) 9 | D) 12 | E) Другой ответ |
|-------|-------|------|-------|-----------------|

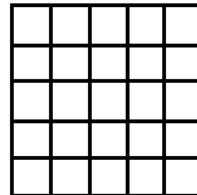
13. Какой угол образуют стрелки часов в 14 часов 20 минут?

- |               |               |               |               |                 |
|---------------|---------------|---------------|---------------|-----------------|
| A) $40^\circ$ | B) $50^\circ$ | C) $60^\circ$ | D) $55^\circ$ | E) Другой ответ |
|---------------|---------------|---------------|---------------|-----------------|

14. Отцу - 41 год, старшему сыну - 13 лет, дочери - 10 лет, а младшему сыну - 6 лет. Через сколько лет возраст отца окажется равным сумме лет его детей?

- |      |      |      |      |                 |
|------|------|------|------|-----------------|
| A) 8 | B) 7 | C) 6 | D) 5 | E) Другой ответ |
|------|------|------|------|-----------------|

15. На какое наибольшее количество различных прямоугольников с целыми сторонами можно разрезать по линиям сетки квадрат  $5 \times 5$ .



- |      |      |      |      |                 |
|------|------|------|------|-----------------|
| A) 5 | B) 6 | C) 7 | D) 8 | E) Другой ответ |
|------|------|------|------|-----------------|

16. После того, как туристы прошли 1 км, а затем половину оставшегося пути, им осталось пройти треть всего пути и 1 км. Чему равен весь путь?

- |       |       |      |       |                 |
|-------|-------|------|-------|-----------------|
| A) 11 | B) 10 | C) 9 | D) 12 | E) Другой ответ |
|-------|-------|------|-------|-----------------|

### Задачи, оцениваемые в 5 баллов

17. Пять шестиклассниц купили 100 тетрадей. Таня и Вера купили 45 тетрадей, Таня и Юля — 41 тетрадь, Юля и Даши — 40 тетрадей, Даши и Света — 39. Сколько тетрадей купила Юля?

- |       |       |       |       |                 |
|-------|-------|-------|-------|-----------------|
| A) 10 | B) 15 | C) 20 | D) 25 | Д) Другой ответ |
|-------|-------|-------|-------|-----------------|

18. Известно, что числа БАКЛАЖАН и ЖАБА делятся на 3. Какой остаток при делении на 3 даёт число КЛАН? (Буквы означают цифры, одинаковые буквы – одинаковые цифры, разные буквы – разные цифры.)

- |             |             |             |  |                 |
|-------------|-------------|-------------|--|-----------------|
| A) только 1 | B) только 2 | C) только 0 | D) может принимать все значения: и 0, и 1, и 2 | Д) Другой ответ |
|-------------|-------------|-------------|--|-----------------|

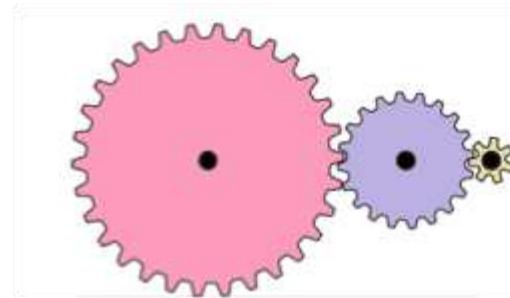
19. Сколько можно написать разнообразных чисел, используя в каждом числе только цифры, меньшие четырёх, причём каждую — в том количестве, какое эта цифра означает?

- |      |      |       |       |                 |
|------|------|-------|-------|-----------------|
| A) 0 | B) 3 | C) 10 | D) 56 | Д) Другой ответ |
|------|------|-------|-------|-----------------|

20. Нужно прорыть сквозь гору тоннель длиною в 1 версту, шириной в 8 саженей, высотою в 3 сажени. За сколько дней пророют его 150 рабочих, если каждый будет вынимать по 1 кубической сажени в 2 дня? В качестве ответа введите число. Справка: в одной версте 500 саженей.

- |       |        |       |        |                 |
|-------|--------|-------|--------|-----------------|
| A) 80 | B) 160 | C) 40 | D) 100 | Д) Другой ответ |
|-------|--------|-------|--------|-----------------|

21. Механизм старинных часов состоит из трех шестеренок, соединенных как на рисунке: на первой - 48 зубцов, на второй - 12, на третьей - 6. Когда хотя бы одна из шестеренок заканчивает полный оборот, часы бьют. Известно, что центральная шестеренка сделала 16 оборотов. Сколько раз пробили часы?



- |       |       |       |       |                 |
|-------|-------|-------|-------|-----------------|
| A) 32 | B) 36 | C) 48 | D) 52 | Д) Другой ответ |
|-------|-------|-------|-------|-----------------|

22. Ефим провёл на плоскости несколько прямых так, что каждая пересекается ровно с 2 другими. Отметь, сколько прямых мог провести Ефим?

- |            |            |                   |                           |                 |
|------------|------------|-------------------|---------------------------|-----------------|
| A) 2 или 3 | B) 3 или 4 | C) 3 или 4, или 5 | D) любое число, большее 2 | Д) Другой ответ |
|------------|------------|-------------------|---------------------------|-----------------|

23. Даны цифры 1, 1, 2, 2, 3. Пахом убирает одну из этих цифр, а из оставшихся составляет четырёхзначное число. Какое наибольшее количество разных чисел могло у Пахома получиться?

- |      |      |      |       |                 |
|------|------|------|-------|-----------------|
| A) 6 | B) 8 | C) 9 | D) 12 | Д) Другой ответ |
|------|------|------|-------|-----------------|

24. Учительница Марья Ивановна задумала двузначное число. При этом она сказала следующее: «Это число то ли кончается на 6, то ли делится на 7»; «это число то ли больше 28, то ли кончается на 3»; «это число то ли делится на 13, то ли меньше 30». Все сказанное Марьей Ивановной – правда. Определите, сколько существует таких чисел.

- |      |      |      |      |                 |
|------|------|------|------|-----------------|
| A) 1 | B) 2 | C) 3 | D) 6 | Д) Другой ответ |
|------|------|------|------|-----------------|

